

**SOLUCIONARIO DE LA PRIMERA PRÁCTICA
CALIFICADA DE CALCULO NUMERICO (MB535)**

- **DURACION: 60 MINUTOS**
- **SOLO SE PERMITE EL USO DE UNA HOJA DE FORMULARIO**
- **ESCRIBA CLARAMENTE SUS PROCEDIMIENTOS**

PREGUNTA 1

El doblado de láminas metálicas es una operación muy común en un taller mecánico. La deformación de una lámina durante el doblado esta dada por:

$$e = \frac{1}{\left(\frac{2R}{T}\right) + 1}$$

Donde R es el radio de dobléz y T es el espesor de la lámina.

Una lamina de aleación de aluminio de espesor 2 mm. fue doblada con un radio de dobléz de 12 mm.,si se desea obtener la deformación con un error no mayor al 5%, ¿qué error en las medidas de R y T son permisibles?

Solución

Por propagación de errores:

$$\xi e \leq \left| \frac{\partial e}{\partial R} \right| \xi_R + \left| \frac{\partial e}{\partial T} \right| \xi_T$$

$$\left| \frac{\partial e}{\partial R} \right| = \left| -\frac{2}{(2R/T + 1)^2 T} \right| = 0.0059 \quad \left| \frac{\partial e}{\partial T} \right| = \left| \frac{2R}{(2R/T + 1)^2 T^2} \right| = 0.0355$$

Por Principio de igual efecto:

$$\xi e \leq 5\% \left(\frac{1}{2R/T + 1} \right) \approx 0.0038$$

$$\xi_R \approx \frac{\xi e}{2 \left| \frac{\partial e}{\partial R} \right|} = 0.3250 \quad \xi_T \approx \frac{\xi e}{2 \left| \frac{\partial e}{\partial T} \right|} = 0.0542$$

PREGUNTA 2

Suponga que se dispone de una máquina hipotética que sigue la notación de la IEE754 en base binaria y contiene las siguientes características:

01 bit para el signo

04 bits para el exponente interno (con exceso)

04 bits para la mantisa

- a) Determine las características del sistema de notación de punto flotante: base, precisión, L (límite inferior del exponente externo), U (límite superior del exponente externo).
- b) Represente en la **máquina hipotética** los siguientes valores:
 - b.1) El sucesor y predecesor del número 1.0
 - b.2) El número normalizado más pequeño
 - b.3) El número normalizado más grande
 - b.4) La representación del epsilon de la máquina.
 - b.5) La representación de $2/3$

Solución

$$k=4 \text{ bias}=2^{k-1} - 1 = 7$$

$$\beta=2, p=4, L=-6, U=7$$

b.1) sucesor a 1

0	0	1	1	1	0	0	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.0001) * 2^0 = 1.0625$$

Predecesor a 1

0	0	1	1	0	1	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.1111) * 2^{6-7} = 0.96875$$

b.2) El número normalizado más pequeño

0	0	0	0	1	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.0000) * 2^{-6} = 0.015625$$

b.3) El número normalizado más grande

0	1	1	1	0	1	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.1111) * 2^{14-7} = 248$$

b.4) Representación del epsilon de esta máquina

0	0	0	1	1	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.0000) * 2^{3-7} = 0.0625$$

b.5) Representación de $2/3 = 0.6666666666666666\dots$

0	0	1	1	0	0	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$(1.0101)_2 \cdot 2^{-1} = 0.65625$$

PREGUNTA 3

Se tiene un ordenador hipotético que trabaja con solo 4 dígitos significativos, se pretende resolver el siguiente sistema:

$$x_1 + \frac{1}{6}x_2 - 2x_3 = 1$$

$$2x_1 + \frac{1}{3}x_2 + 3x_3 = 4$$

$$2x_1 + 3x_2 - x_3 = 6$$

- Usando Eliminación Gaussiana sin pivoteo y con pivoteo.
- Compare los resultados que ha obtenido con este ordenador con la solución del sistema. Comente su respuesta.

Solución

Gauss sin pivoteo

A =

$$\begin{array}{ccc} 1.0000 & 0.1667 & -2.000 \\ 2.0000 & 0.3333 & 3.000 \\ 2.0000 & 3.000 & -1.000 \end{array}$$

b =

$$\begin{array}{c} 1 \\ 4 \\ 6 \end{array}$$

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 1.0000 & 0.1667 & -2.000 & 1.000 \\ 2.0000 & 0.3333 & 3.000 & 4.000 \\ 2.0000 & 3.000 & -1.000 & 6.000 \end{array}$$

→ F2 - 2 * F1

→ F3 - 2 * F1

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 1.0000 & 0.1667 & -2.000 & 1.000 \\ 0 & -0.0001 & 7.000 & 2.000 \\ 0 & 2.667 & 3.000 & 4.000 \end{array}$$

→ F3 - (2.667)/(0.0001)F2

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 1.000 & 0.1667 & -2.000 & 1.000 \\ 0.000 & -0.0001 & 7.000 & 2.000 \\ 0.000 & 0.000 & 186700 & 53340 \end{array}$$

Resolviendo el sistema por sustitución

$$x_3 = \frac{53340}{186700} \approx 0.2857$$

$$x_2 \approx 0$$

$$x_1 \approx 1.571$$

Los resultados obtenidos no se parecen a las soluciones del sistema

$$x_1 = \frac{11}{8} = 1.375, \quad x_2 = \frac{33}{28} = 1.179, \quad x_3 = \frac{2}{7} = 0.2857$$

El problema ha surgido al dividir por 0.0001 lo que ha hecho que los errores se magnifiquen en un 10^4

Con pivoteo parcial

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 1.0000 & 0.1667 & -2.000 & 1.000 \\ 2.0000 & 0.3333 & 3.000 & 4.000 \\ 2.0000 & 3.000 & -1.000 & 6.000 \end{array}$$

→ F1 × F2

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 2.0000 & 0.3333 & 3.000 & 4.000 \\ 1.000 & 0.1667 & -2.000 & 1.000 \\ 2.000 & 3.000 & -1.000 & 6.000 \end{array}$$

→ F2 - (1/2)F1

→ F3 - F1

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 2.000 & 0.3333 & 3.000 & 4.000 \\ 0.000 & 0 & -3.500 & -1.000 \\ 0.000 & 2.667 & -4.000 & 2.000 \end{array}$$

→ F2 × F3

Aa =

$$\begin{array}{cccc} 2.000 & 0.333 & 3.000 & 4.000 \\ 0 & 2.667 & -4.000 & 2.000 \\ 0 & 0 & -3.500 & -1.000 \end{array}$$

Resolviendo por sustitución

$$x_3 \approx 0.2857$$

$$x_2 \approx 1.178$$

$$x_1 \approx 1.375$$

Con el método del pivote parcial los cálculos son mucho más exactos.

Los Profesores